

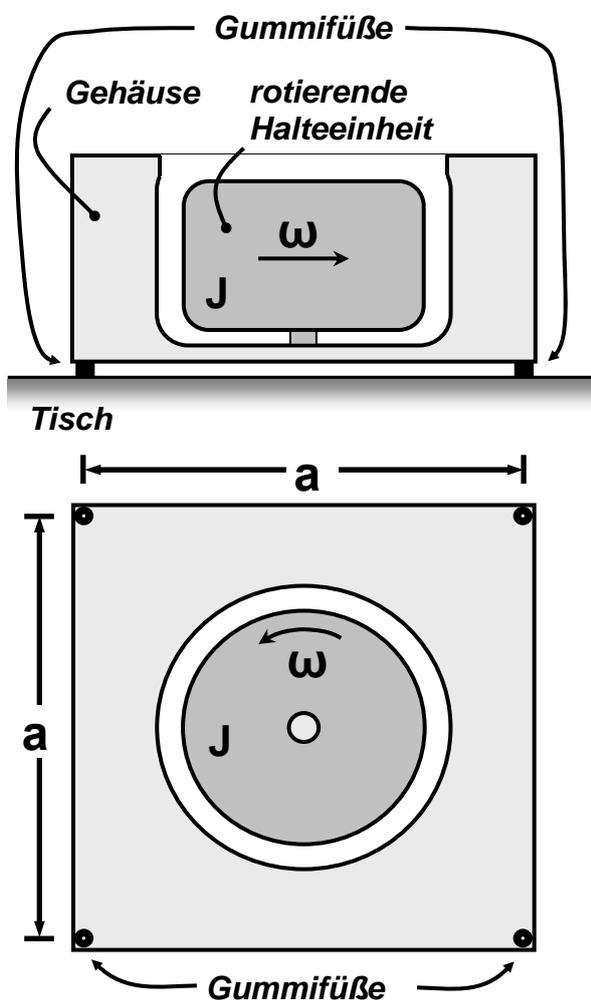
Wintersemester	2007/2008	Blatt 1 (von 6)
Studiengang:	BTB2 / CIB2	Semester 2
Prüfungsfach:	Physik 2	Fachnummer: 2011 (2040/2044)
Hilfsmittel:	Manuskript, Literatur, Taschenrechner	Zeit: 120 Minuten

Gesamtpunktzahl: 120

**Aufgabe 1: Zentrifuge**

**(20 Punkte)**

Eine Tischzentrifuge für biochemische Präparationen besteht aus einem quadratischen Gehäuse, in dessen Mitte eine Halteeinheit für Gefäße um eine vertikale Achse drehbar gelagert ist. Die Halteeinheit besitzt das Massenträgheitsmoment  $J$ . Die Zentrifuge steht auf vier Gummifüßen, deren Abstand entlang der Gehäusesseiten  $a$  beträgt (siehe Skizze).



Angaben:

- $J = 0,025 \text{ kgm}^2$  Massenträgheitsmoment
- $a = 60 \text{ cm}$  Abstand Gummifüße
- $m_Z = 35 \text{ kg}$  Gesamtmasse Zentrifuge
- $\mu_H = 0.6$  Haftreibungszahl zwischen Gummifüßen und Tisch

- a) Die Maximaldrehzahl der Zentrifuge beträgt  $n_{\max} = 7000 \text{ min}^{-1}$ . Welche Energie ist dann in ihrer Rotation gespeichert?
- b) Während des Beschleunigens der Halteeinheit aus der Ruhe gibt der Motor die mittlere mechanische Leistung  $P_m = 300 \text{ W}$  ab. Nach welcher Zeit  $t_{\max}$  wird die maximale Drehzahl erreicht?
- c) Was geschieht, wenn die rotierende Zentrifuge aufgrund eines Defekts blockiert und die Halteeinheit plötzlich abgebremst wird (*qualitative Erklärung, keine Rechnung !!*)?
- d) Welches Bremsdrehmoment  $M_{\text{brems}}$  kann das Gehäuse maximal auf die Halteeinheit ausüben, ohne auf dem Tisch zu rutschen?

Hinweis: c) und d) können unabhängig von a) und b) beantwortet werden!

**Aufgabe 1 Zentrifuge**

**H. Käß**

a) Winkelgeschwindigkeit Zentrifuge  $\omega_{\max} = 2 \pi n_{\max} = 2 \pi 7000 / 60 \text{ s} = 733,04 \text{ rad/s}$   
 Rotationsenergie  $E_{\text{rot}} = \frac{1}{2} J \omega_{\max}^2 = \frac{1}{2} 0,025 \text{ kgm}^2 (733,04 \text{ rad/s})^2 = 6716,8 \text{ Nm} = \mathbf{6,717 \text{ kJ}}$

b) Die mittlere Leistungsaufnahme  $P_m$  während des Vorgangs ist gleich dem Quotienten aus gesamter Energiezufuhr  $\Delta E$  und der Länge  $\Delta t$  des Zeitintervalls

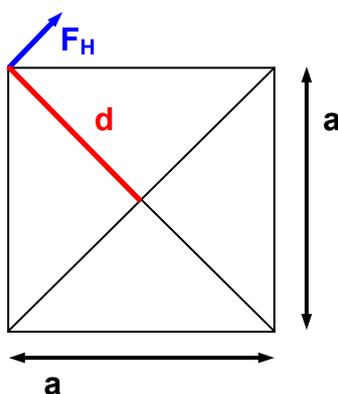
$P_m = \Delta E / \Delta t$   
 Energiezufuhr  $\Delta E = E_{\text{rot}} = 6,717 \text{ kJ}$   
 Daraus folgt  $\Delta t = \Delta E / P_m = 6717 \text{ Nm} / 300 \text{ W} = \mathbf{22,39 \text{ s}}$

c) Bei Blockieren wird die rotierende Halteeinheit durch ein vom Gehäuse ausgeübtes Bremsdrehmoment  $M_H$  abgebremst. Nach dem 3. Axiom (*actio = reactio*) resultiert dieser Vorgang in einem vom Betrag her gleich großen, aber entgegengesetzt gerichteten Drehmoment  $M_G$  von der Halteeinheit auf das Gehäuse.

Das Gehäuse bleibt **in Ruhe, wenn die Haftreibung** zwischen Gummifüßen und Tisch dem Drehmoment  $M_G$  aufgrund des Abbremsens **das Gleichgewicht hält**.

Sollte die **Haftreibung zu klein** sein, kommt die Zentrifuge ins Gleiten. Sie wird eine **Rotation in Drehrichtung** der Halteeinheit um die vertikale Achse durchführen.

d) Drehmoment ist Kraft mal Hebelarm. Kraft ist die Haftreibung  $F_H$  zwischen Gummifüßen und Tisch, Hebelarm der Abstand  $d$  des jeweiligen Fußes von der vertikalen Drehachse. Die Anordnung ist symmetrisch, jeder der vier Füße trägt die gleiche Last.



Hebelarm / Fuß  $d = \frac{1}{2} a \sqrt{2}$

Haftreibung / Fuß  $F_H = \mu_H F_N = \frac{1}{4} \mu_H m_Z g$

Das gesamte maximale Bremsdrehmoment folgt zu :

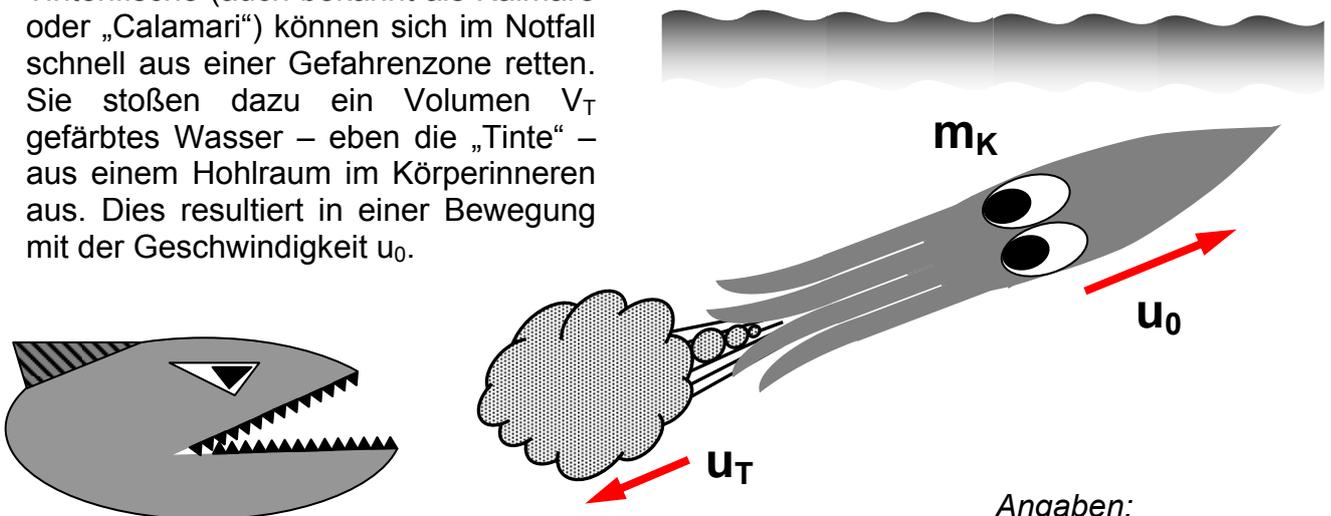
$M_{\text{brems}} = 4 F_H d = 4 \cdot \frac{1}{4} \mu_H m_Z g d = \mu_H m_Z g d$   
 $= \mu_H m_Z g a \frac{1}{2} \sqrt{2}$   
 $= 0,6 \cdot 35 \text{ kg} \cdot 9,81 \text{ m/s}^2 \cdot 0,6 \text{ m} \cdot 0,7071 = \mathbf{87,403 \text{ Nm}}$

Wintersemester	2007/2008	Blatt 2 (von 6)
Studiengang:	BTB2 / CIB2	Semester 2
Prüfungsfach:	Physik 2	Fachnummer: 2011 (2040/2044)

**Aufgabe 2: Tintenfisch**

**(18 Punkte)**

Tintenfische (auch bekannt als Kalmare oder „Calamari“) können sich im Notfall schnell aus einer Gefahrenzone retten. Sie stoßen dazu ein Volumen  $V_T$  gefärbtes Wasser – eben die „Tinte“ – aus einem Hohlraum im Körperinneren aus. Dies resultiert in einer Bewegung mit der Geschwindigkeit  $u_0$ .



Angaben:

$$\begin{aligned} \rho_{H_2O} &= 1 \text{ g / cm}^3 && \text{Dichte von Wasser und „Tinte“} \\ m_K &= 0,5 \text{ kg} && \text{Masse Kalmar ohne „Tinte“} \\ V_T &= 200 \text{ ml} && \text{ausgestoßenes Wasservolumen} \end{aligned}$$

- Welches physikalische Prinzip nützt der Kalmar dabei aus (*qualitative Erklärung !!*) ?
- Welche mittlere Ausströmgeschwindigkeit  $u_T$  hat das Wasser, wenn sich der Kalmar direkt nach seinem Ausstoß mit einer Geschwindigkeit von  $u_0 = 2 \text{ m/s}$  bewegt ?
- Das Wasser wird durch eine kleine düsenartige Öffnung des Hohlraums ausgestoßen. Welchen Überdruck muss der Kalmar dazu erzeugen ?
- Wie lange dauert der Vorgang in c) wenn die Öffnung die Fläche  $1,5 \text{ cm}^2$  aufweist ?

*Hinweis : Die Strömung während des gesamten Vorgangs sei reibungsfrei !*

**Aufgabe 2 Tintenfisch**

**H. Käß**

- a) Ausgenutzt wird das **Rückstoßprinzip** analog zu einer Rakete – im Grunde also der **Impulserhaltungssatz**, der aus dem **3. Axiom** (Wechselwirkungsprinzip) folgt

*Vor dem Ausstoß sind Kalmar und Tinte in Ruhe, der Gesamtimpuls ist also Null. Beim Ausstoßen von „Tinte“ der Masse  $m_T$  mit der Geschwindigkeit  $u_T$  wird der „Tinte“ der Impuls  $p_T = m_T \cdot u_T$  erteilt. Der Kalmar beginnt seine Bewegung mit dem vom Betrag her gleich großen, aber entgegengesetzt gerichteten Impuls  $p_K = m_K \cdot u_0$ .*

- b) Impuls Kalmar  $p_K = m_K \cdot u_0$   
 Impuls „Tinte“  $p_T = m_T \cdot u_T$  mit  $m_T = V_T \rho_{H_2O}$   
 Impulserhaltung ergibt:  $p_K = -p_T$   
 Also  $u_T = u_0 m_K / (V_T \rho_{H_2O}) = 2 \text{ m/s } 0,5 \text{ kg} / 0,2 \text{ kg} = \mathbf{5 \text{ m/s}}$

- c) Von der Bernoulligleichung bleibt lediglich (vgl. Ausströmgesetz nach Bunsen !)

$$\frac{1}{2} \rho v_T^2 + p_a = p_i \quad \text{mit} \quad \begin{array}{l} p_i : \text{ Druck im Hohlraum} \\ p_a : \text{ Außendruck im Wasser} \end{array}$$

Also  $\Delta p = p_i - p_a = \frac{1}{2} \rho v_T^2$   $\Delta p : \text{ Überdruck}$   
 $= \frac{1}{2} 1000 \text{ kg/m}^3 25 \text{ m}^2 / \text{s}^2$   
 $= 12500 \text{ N/m}^2 = \mathbf{0,125 \text{ bar}} = 125 \text{ mbar}$

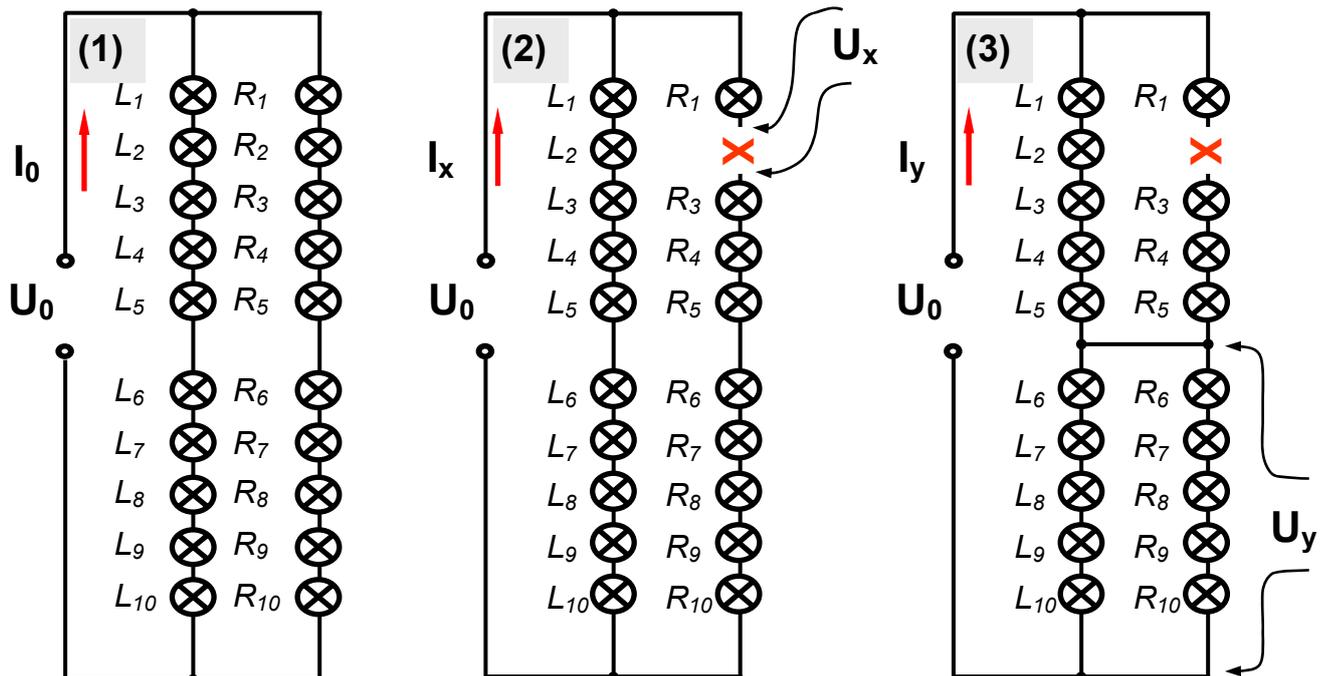
- d) Volumenstrom  $\Delta V_T / \Delta t$  der Tinte  $\Delta V_T / \Delta t = v_T A$   
 Daraus folgt die Dauer  $\Delta t$  zu  $\Delta t = \Delta V_T / (v_T A)$   
 $= 0,2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 / (1,5 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 5 \text{ m/s}) = \mathbf{0,266 \text{ s}}$

Wintersemester	2007/2008	Blatt 3 (von 6)
Studiengang:	BTB2 / CIB2	Semester 2
Prüfungsfach:	Physik 2	Fachnummer: 2011 (2040/2044)

**Aufgabe 3: Lichterkette**

**(20 Punkte)**

Eine Lichterkette zum Betrieb an der Spannung  $U_0 = 230\text{ V}$  besteht aus zwei parallelen Zweigen mit insgesamt 20 gleichen Lämpchen  $L_1$  bis  $L_{10}$  und  $R_1$  bis  $R_{10}$ . Jedes Lämpchen nimmt im normalen Betriebszustand die elektrische Leistung  $P_L = 1,2\text{ W}$  auf.



Zuerst wird der Normalbetriebszustand nach **Skizze (1)** betrachtet :

- Welcher Strom  $I_0$  fließt und welche Leistung  $P_0$  nimmt die Lichterkette insgesamt auf ?
- Welche Spannung fällt jeweils an den einzelnen Lämpchen ab ?
- Welchen Widerstand hat ein Lämpchen ?

Nun brennt das Lämpchen  $R_2$  durch und wird entsprechend **Skizze (2)** entfernt :

- Welcher Strom  $I_x$  fließt und welche Leistung  $P_x$  nimmt die Lichterkette jetzt auf ?
- Welche Spannung  $U_x$  misst man zwischen den verbleibenden Zuleitungen ?

Für den weiteren Betrieb wird eine Verbindung nach **Skizze (3)** hergestellt :

- Welche Spannung  $U_y$  fällt nun über den unteren Teil der Kette ab ?
- Die Helligkeit der Lämpchen sei zu ihrer Leistungsaufnahme proportional. Es brenne auch kein weiteres Lämpchen durch. Sortieren Sie sie nach ihrer Helligkeit !

**Aufgabe 3 Lichterkette**

*H. Käß*

a) 20 Lämpchen zu jeweils  $P_L = 1,2 \text{ W}$  ergeben insgesamt die Leistungsaufnahme

$$P_0 = 20 \cdot 1,2 \text{ W} = \mathbf{24 \text{ W}}$$

Der Strom  $I_0$  folgt aus  $P_0 = U_0 \cdot I_0$  also  $I_0 = P_0 / U_0 = 0,104 \text{ A} = \mathbf{104 \text{ mA}}$

b) Die parallelen Zweige enthalten 10 gleiche Lämpchen  $U_L = U_0/10 = \mathbf{23 \text{ V}}$

c) Der Strom pro Zweig beträgt  $\frac{1}{2} I_0 = 54 \text{ mA}$ , also  $R_L = U_L / (\frac{1}{2} I_0) = \mathbf{440,8 \Omega}$

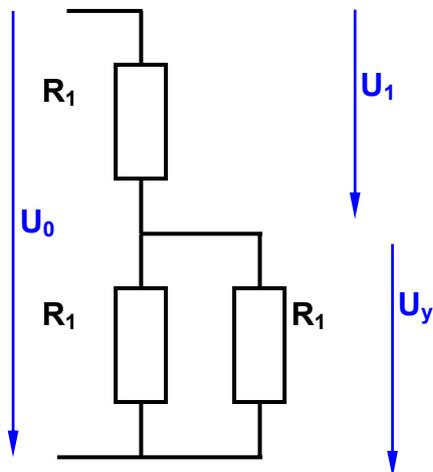
d) Nur noch Stromfluss durch den linken Zweig, also halber Strom, halbe Leistung

$$I_x = \frac{1}{2} I_0 = \mathbf{54 \text{ mA}}$$

$$P_x = U_0 \cdot I_x = \frac{1}{2} P_0 = \mathbf{12 \text{ W}}$$

e) Zwischen den Zuleitungen des durchgebrannten Lämpchens liegt die **volle Spannung**  
 $U_0 = \mathbf{230 \text{ V}}$

f) *Ersatzschaltbild für Skizze (3)*



Ersatzwiderstand von fünf in Serie geschalteten Lämpchen  $R_1 = 5 R_L = 2204,2 \Omega$

Ersatzwiderstand  $R_y$  für die parallelen Kettenteile, die jeweils den Widerstände  $R_1$  haben:

$$1/R_y = 1/R_1 + 1/R_1 = 2/R_1$$

$$R_y = \frac{1}{2} R_1 = 1102,1 \Omega$$

Die Spannung  $U_1$  fällt über  $R_1 = 2204,2 \Omega$  ab

Die Spannung  $U_y$  fällt über  $R_y = 1102,1 \Omega$  ab

Es ist  $U_1/U_y = R_1 / R_y = 2/1 = 2$

und  $U_1 + U_y = U_0$

Also  $3 U_y = U_0$

$$U_y = U_0 / 3 = \mathbf{76,66 \text{ V}}$$

g) In summarischer Notation ...

**maximale Helligkeit :**

$$L_1 = L_2 = L_3 = L_4 = L_5 >$$

**mittlere Helligkeit :**

$$L_6 = L_7 = L_8 = L_9 = L_{10}$$

$$= R_6 = R_7 = R_8 = R_9 = R_{10}$$

**dunkel :**

$$R_1 = R_2 = R_3$$

$$= R_4 = R_5$$

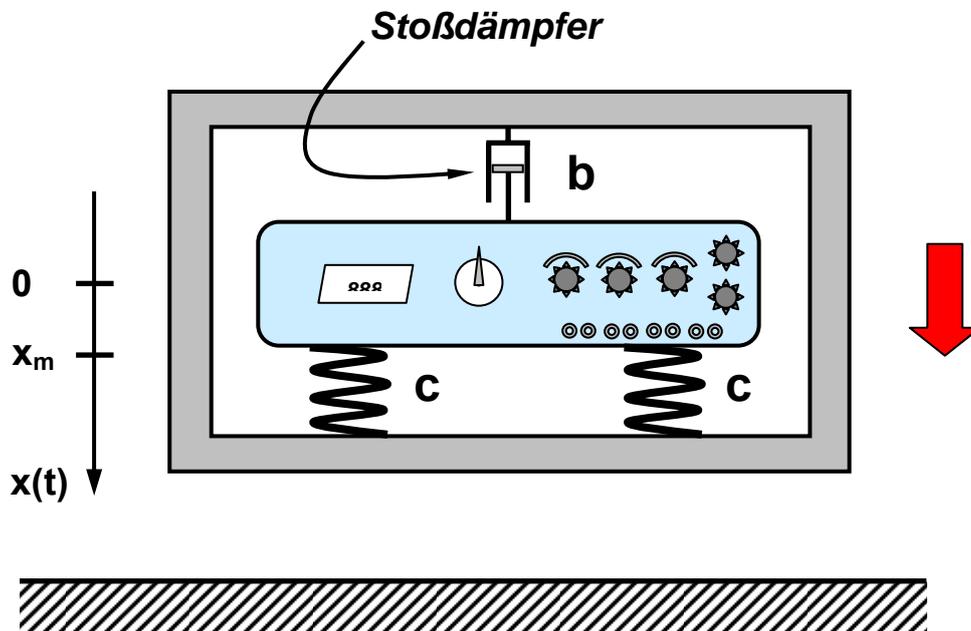
Wintersemester	2007/2008	Blatt 4 (von 6)
Studiengang:	BTB2 / CIB2	Semester 2
Prüfungsfach:	Physik 2	Fachnummer: 2011 (2040/2044)

**Aufgabe 4: Geräteschutz**

**(18 Punkte)**

Ein stoßempfindliches Messgerät der Masse  $m_K = 5 \text{ kg}$  wurde in eine Schutzkiste verpackt. Es ist auf zwei Federn mit Federkonstanten von  $c = 2500 \text{ N/m}$  gelagert, zudem wurde ein Stoßdämpfer eingebaut, der eine Reibungskraft  $F_{\text{reib}} = -b \, dx(t)/dt$  liefert.

Unglücklicherweise fällt die Kiste aus der Ruhe senkrecht auf den Boden, was zu einer Schwingung des Geräts mit einer Anfangsamplitude  $x_m = 5 \text{ cm}$  führt (Skizze).



Zuerst werde die Dämpfung durch den Stoßdämpfer vernachlässigt.

- Welche Schwingungsdauer  $T_0$  und welche Frequenz  $f_0$  hat die Schwingung ?
- Welche maximale Beschleunigung  $a_m$  wirkt auf das Gerät ein ?

Genauere Betrachtung ergibt, dass die Schwingungsamplitude innerhalb von 15 Perioden exponentiell auf  $\frac{1}{4}$  des Anfangswertes  $x_m$  abnimmt.

- Berechnen Sie die Abklingkonstante  $\delta$  und den Dämpfungsgrad  $D$  der Anordnung.
- Welcher Wert ist für die Dämpfungskonstante  $b$  des Stoßdämpfers zu wählen, damit das Gerät schnellstmöglich wieder zur Ruhe kommt ?

*Hinweis: Für die Teilaufgaben c) und d) ist  $T_0 = T_d$  anzunehmen !*

**Aufgabe 4 Geräteschutz**

**H. Käß**

- a) Die beiden Federn arbeiten parallel, die Ersatzfederkonstante  $c_{\text{res}}$  ist demnach

$$c_{\text{res}} = 2 c = 5000 \text{ N/m}$$

Die Kreisfrequenz  $\omega_0$  folgt aus  $\omega_0^2 = c_{\text{ers}} / m = 5000 \text{ kg} / (5 \text{ kg s}^2) = 1000 \text{ rad}^2/\text{s}^2$

$$\omega_0 = 2 \pi f_0 = 31,623 \text{ rad/s}$$

Die Frequenz  $f_0$  ist also

$$f_0 = 1/T_0 = \mathbf{5,0329 \text{ Hz}}$$

und die Schwingungsdauer  $T_0$

$$T_0 = \mathbf{0,1987 \text{ s}}$$

- b) Weg-Zeit-Gesetz harmonische Schwingung

$$x(t) = x_m \cos(\omega t + \varphi_0)$$

Geschwindigkeits-Zeit-Gesetz

$$v(t) = -x_m \omega \sin(\omega t + \varphi_0)$$

Beschleunigungs-Zeit-Gesetz

$$a(t) = -x_m \omega^2 \cos(\omega t + \varphi_0)$$

Beschleunigungsamplitude

$$a_m = x_m \omega^2 = 5 \cdot 10^{-2} \text{ m} \cdot 1000 \text{ rad}^2/\text{s}^2 = \mathbf{50 \text{ m/s}^2}$$

- c) Viskos gedämpfte Schwingung:

$$x(t) = x_0 e^{-\delta t} \cos(\omega t + \varphi_0)$$

Es gilt offenbar

$$x(15T_d) = \frac{1}{4} x_0 = x_0 e^{-\delta 15T_d}$$

Also

$$\ln \frac{1}{4} = -\ln 4 = -\delta 15 T_d$$

$$\delta = \ln 4 / (15 T_d)$$

$$\approx \ln 4 / (15 T_0) = \mathbf{0,4651 \text{ 1/s}}$$

Dämpfungsgrad

$$D = \delta / \omega_0 = \mathbf{0,0147}$$

- d) Der **aperiodische Grenzfall** erfordert

$$D = 1$$

demnach

$$\delta = -b/(2m) = \omega_0$$

also hier

$$b = 2 m \omega_0$$

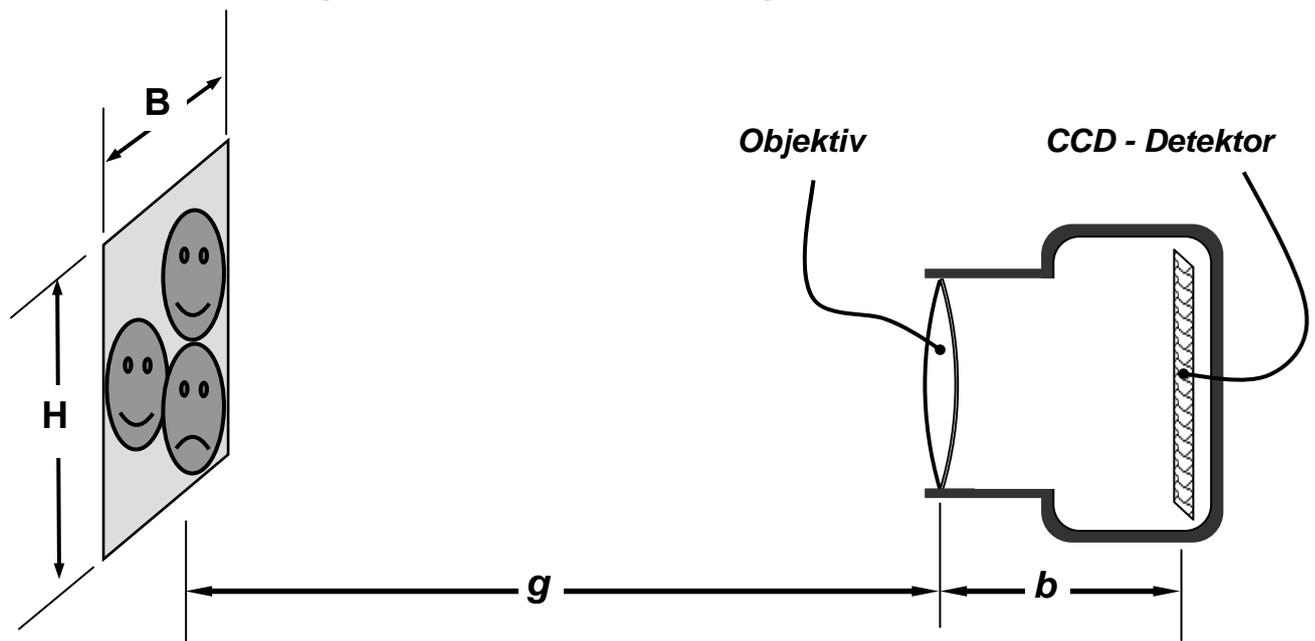
$$= 10 \text{ kg} \cdot 31,623 \text{ rad/s} = \mathbf{316,2 \text{ kg/s}}$$

Wintersemester	2007/2008	Blatt 5 (von 6)
Studiengang:	BTB2 / CIB2	Semester 2
Prüfungsfach:	Physik 2	Fachnummer: 2011 (2040/2044)

**Aufgabe 5: Digitalkamera**

**(20 Punkte)**

Eine Digitalkamera besitzt einen CCD-Detektor mit den Abmessungen 2,54 x 4,06 cm (Höhe x Breite). Es handelt sich dabei um einen „9 Megapixel“ Detektor mit 2616 x 3488 Detektionspunkten. Die Brennweite des Objektivs der Kamera kann von 14,4 bis 28,8 mm variiert werden. Im folgenden werde es als eine einzige dünne Linse betrachtet.



Zuerst werden mit der Kamera Objekte im Abstand von  $g = 3 \text{ m}$  aufgenommen.

- Welcher Abbildungsmaßstab und welcher Abstand Objektiv – Detektor  $b$  ergeben sich für eine Brennweite des Objektivs von 14,4 mm ?
- Welche Höhe  $H$  und welche Breite  $B$  hat der abgebildete Objektbereich, wenn die Brennweite des Objektivs 14,4 mm beträgt und der gesamte Detektor genutzt wird ?

Nun werden Objekte im Abstand  $g = 1 \text{ km}$  im Querformat aufgenommen.

- Welche Objektivbrennweite ist zu wählen, wenn die Objekte möglichst groß abgebildet werden sollen ? Welche Breite hat dann der abgebildete Objektbereich ?
- Welchen horizontalen Abstand haben zwei Objektpunkte in dieser Entfernung, wenn sie auf nebeneinander liegenden Pixeln abgebildet werden ?

**Aufgabe 5 Digitalkamera**

**H. Käß**

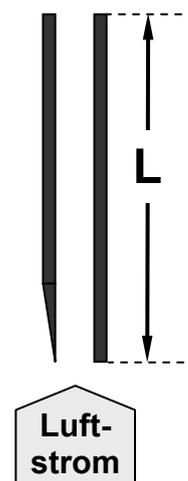
- a) Abbildungsgleichung  $1/f = 1/b + 1/g$   
hier also  $1/b = 1/f - 1/g = 1/14,4 \cdot 10^{-3} \text{m} - 1/3 \text{m} = 69,77 \text{ 1/m}$   
daraus die Bildweite  $b = 0,01433 \text{ m} = \mathbf{14,33 \text{ mm}}$   
Abbildungsmaßstab  $|V| = b/g = 0,01433/3 = \mathbf{0,00478}$  ( $1/V = 209,33$ )  
(der *Abbildungsmaßstab* hat ein negatives Vorzeichen, das Bild steht auf dem Kopf)
- b) Der Abbildungsmaßstab liefert das Verhältnis von Bild- und Gegenstandsgröße, es ist  
 $V = b/g = \text{Bildgröße}/\text{Gegenstandsgröße}$   
Die Abmessungen des CCD Detektors (2,54 x 4,06 cm) stehen für die „Bildgröße“  
Objektbreite B  $B = 4,06 \text{ cm } 1/V = 849,9 \text{ cm} = \mathbf{8,50 \text{ m}}$   
Objekthöhe H  $H = 2,54 \text{ cm } 1/V = 531,7 \text{ cm} = \mathbf{5,32 \text{ m}}$
- c) Ein großes Bild entsteht für **große** Brennweite (vgl. Teleobjektiv), dh  $f = \mathbf{28,8 \text{ mm}}$   
Bildweite b in diesem Fall  $1/b = 1/f - 1/g \approx 1/f$   $b = f = 28,8 \text{ mm}$   
Der Abbildungsmaßstab wird  $V = b/g = 28,8 \cdot 10^{-3} \text{m} / 10^3 \text{ m} = 28,8 \cdot 10^{-6}$   
Die Breite des Objektbereichs ist  $B = 4,06 \text{ cm } 1/V = 4,06 \text{ cm } 34722,22 = \mathbf{1409,7 \text{ m}}$
- e) Der Objektbereich von 1409,7 m wird auf 3488 Pixel abgebildet. Die beiden  
Objektpunkte haben also den Abstand  $\Delta x$   
 $\Delta x = 1409,7 \text{ m} / 3488 = \mathbf{0,404 \text{ m}}$

Wintersemester	2007/2008	Blatt 6 (von 6)
Studiengang:	BTB2 / CIB2	Semester 2
Prüfungsfach:	Physik 2	Fachnummer: 2011 (2040/2044)

**Aufgabe 6: Warnpfeife**

**(24 Punkte)**

Die in einer rohrförmigen Signalpfeife der Länge  $L = 0,3 \text{ m}$  auftretenden stehenden Wellen werden in guter Näherung von dem Modell der beidseitig offenen Röhre beschrieben. Die nachstehende Tabelle enthält Messwerte für die Frequenzen der Grundschiwingung ( $f_0$ ) und der ersten beiden Oberschwingungen ( $f_1, f_2$ ) der mit Luft angeblasenen Pfeife.



$f_0$ [Hz]	580	584	579	583	590	588	578	585	582
$f_1$ [Hz]	1160	1171	1165	1167	1169	1175	1159	1161	1173
$f_2$ [Hz]	1745	1759	1751	1749	1746	1748	1765	1742	1748

- Skizzieren Sie die Grundschiwingung und die ersten beiden Oberschwingungen.
- Wie hängen die Schwingungsfrequenzen  $f_n$  der stehenden Wellen von  $L$  ab ?
- Berechnen Sie aus den drei Messreihen Mittelwert, Standardabweichung und mittleren Fehler des Mittelwerts für die Frequenzen  $f_0, f_1$  und  $f_2$
- Berechnen Sie für die drei Fälle jeweils die Schallgeschwindigkeit und daraus ein sinnvoll gerundetes Gesamtergebnis (Fehlerangabe auf eine signifikante Stelle).

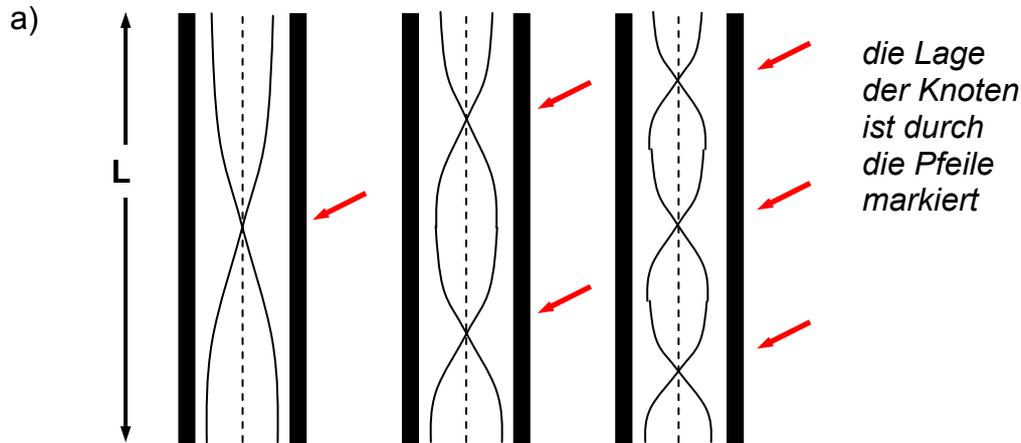
Nach der Theorie beträgt die Schallgeschwindigkeit  $c$  in Luft :  $c = \sqrt{\kappa R_i T}$

Messparameter    Isentropenexponent     $\kappa = 1,4$   
 spezielle Gaskonstante     $R_i = 287 \text{ J / (kg K)}$   
 absolute Temperatur     $T = t + 273,16 \text{ K}$     ( $t = \text{Temperatur in } ^\circ\text{C}$ )

- Welche absolute Temperatur  $T$  in K hat demnach die Luft in der Pfeife ?
- Welchen Fehler  $\Delta T$  hat der nach e) berechnete Temperaturwert ?

Aufgabe 6 Warnpfeife

H. Käß



$$L = \lambda/2 \quad L = 2\lambda/2 = \lambda \quad L = 3\lambda/2$$

$$f_0 \quad f_1 \quad f_2$$

b)

$$\lambda_0 = 2L \quad \lambda_1 = L \quad \lambda_2 = 2L/3$$

mit  $c = \lambda f$

folgt  $f_0 = c/(2L) \quad f_1 = c/L = 2c/(2L) \quad f_2 = 3c/(2L) \quad \text{also } f_n = (n+1)c/(2L)$

c)

Reihe $f_0$	$\langle f_0 \rangle = 583,2 \text{ Hz}$	$s_0 = 4,024 \text{ Hz}$	$\Delta f_0 = s_0 / \sqrt{n} = 1,341 \text{ Hz}$
Reihe $f_1$	$\langle f_1 \rangle = 1166,7 \text{ Hz}$	$s_1 = 5,831 \text{ Hz}$	$\Delta f_1 = s_1 / \sqrt{3} = 1,944 \text{ Hz}$
Reihe $f_2$	$\langle f_2 \rangle = 1750,3 \text{ Hz}$	$s_2 = 7,246 \text{ Hz}$	$\Delta f_2 = s_2 / \sqrt{3} = 2,415 \text{ Hz}$

d) Mit den relativen Fehlern  $\Delta f_0/f_0 = 0,23 \%$      $\Delta f_1/f_1 = 0,17 \%$      $\Delta f_0/f_0 = 0,14 \%$

$c_0 = \lambda_0 \cdot f_0 = 0,6 \text{ m} \cdot 583,2 \text{ 1/s} = 349,92 \text{ m/s}$	mit $\Delta c_0 = 0,80 \text{ m/s}$
$c_1 = \lambda_1 \cdot f_1 = 0,3 \text{ m} \cdot 1166,7 \text{ 1/s} = 350,01 \text{ m/s}$	mit $\Delta c_1 = 0,58 \text{ m/s}$
$c_2 = \lambda_2 \cdot f_2 = 0,2 \text{ m} \cdot 1750,3 \text{ 1/s} = 350,06 \text{ m/s}$	mit $\Delta c_2 = 0,49 \text{ m/s}$

Mittelwert  $\langle c \rangle = 350,0 \text{ m/s}$

Gesamtergebnis  $c = (350,00 \pm 0,8) \text{ m/s}$

e) Es folgt  $T = c^2 / (\kappa R_i) = (350^2 \text{ m}^2 / \text{s}^2) / (1,4 \cdot 287 \text{ J/(kg K)}) = 304,87 \text{ K} \quad (= 31,7 \text{ }^\circ\text{C})$

f) Reines Potenzgesetz  $\rightarrow$  einfache Berechnung des relativen Fehlers !

$$\Delta T / T = 2 \Delta c / c = 2 \cdot 0,8 / 350 = 0,5 \% = 0,005$$

Daraus berechnet sich schließlich

$$\Delta T = 0,005 T \approx 1,5 \text{ K}$$

$$T = (305 \pm 2) \text{ K}$$