

Aufgabe 1: keine Musterlösung verfügbar
Alle Angaben sind ohne Gewähr!

Lösungsvorschlag Aufgabe 2

a) Der Überdruck rechts ist gleich dem hydrostatischen Druck links:

$$\rho_{\text{Hg}} \cdot g \cdot 2\hat{y} = p_{\text{ü}} \quad \text{und} \quad \hat{y} = \frac{0,12 \cdot 10^5 \text{ Pa}}{2 \cdot 9,81 \text{ m/s}^2 \cdot 13600 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}} = 0,045 \text{ m}$$

b) Für das Flüssigkeitspendel gilt das 2. Newton Axiom: $F_{\text{Rück}} = m\ddot{y}$

$$-2yA\rho_{\text{Hg}}g = A\rho_{\text{Hg}}\ddot{y} \quad \text{bzw.} \quad \ddot{y} + \frac{2g}{l}y = 0$$

$$\text{Die Kreisfrequenz} \quad \omega_0 = \sqrt{\frac{2g}{l}} = 8,09 \text{ s}^{-1} \quad \text{und}$$

$$\text{die Schwingungsdauer} \quad T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 0,78 \text{ s}$$

c) Die maximale Geschwindigkeit ist $v_m = \omega_0 \hat{y} = 0,36 \text{ m/s}$

die Beschleunigung für $t=0$ (max.!) ist $a_m = \omega_0^2 \hat{y} = 2,94 \text{ m/s}^2$

d) Für die laminare Rohrreibung gilt: $F_R = 8\pi\eta l \cdot v = b \cdot v$

damit folgt für die Dämpfungskonstante $\delta = \frac{b}{2m} = \frac{4\pi\eta}{A\rho_{\text{Hg}}} = 4,62 \cdot 10^{-3} \text{ s}^{-1}$

und der Dämpfungsgrad $D = \frac{\delta}{\omega_0} = 5,71 \cdot 10^{-4}$

Lösungsvorschlag Aufgabe 3:

a) Die Molzahl für das eingeschlossene Heliumgas ist

$$n = \frac{p_1 \cdot V}{R_m \cdot T_1} = \frac{10^4 \text{ Pa} \cdot 0,03 \text{ m}^3}{8,3145 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1} \cdot 293,15 \text{ K}} = 0,124 \text{ mol}$$

b) Den erforderlichen Innendruck p_2 erhält man über das Kräftegleichgewicht $F_G = F_P$:

$$(m + m_{\text{KS}} \cdot \frac{1}{2}) \cdot g = \frac{\pi}{4} (d_a^2 \cdot p_0 - d_i^2 \cdot p_2)$$

mit $m_{\text{KS}} = \rho \cdot \frac{\pi}{6} (d_a^3 - d_i^3) = 18,25 \text{ kg}$ und nach p_2 aufgelöst

$$p_2 = \left(\frac{0,386}{0,396} \right)^2 \cdot p_0 - \frac{1009 \text{ kg} \cdot 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2} \cdot 4}{0,386^2 \cdot \pi} = 2,07 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

c) Die erreichte Temperatur T_2 erhält man über die isochore Zustandsänderung des eingeschlossenen Heliums:

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2}, \quad T_2 = T_1 \cdot \frac{p_2}{p_1} = 605K \quad \text{dies entspricht } 332 \text{ } ^\circ\text{C}$$

d) Für die isochore Erwärmung des einatomigen Gases He erhält man:

$$Q_{He} = n \cdot C_{mV} \cdot (T_2 - T_1) = 0,124 \text{ mol} \cdot R_m \cdot \frac{3}{2} \cdot 312K = 481J$$

Die von der Kugelschale aufgenommene Wärme ist:

$$Q_{KS} = m_{KS} \cdot c_E \cdot (T_2 - T_1) = 2563kJ \quad \text{dies ist 5328 mal größer als } Q_{He} !$$

Lösungsvorschlag Aufgabe 4

a) Die Schallintensität I wird berechnet aus der Leistung P und der Fläche A als $I = \frac{P}{A}$. Die Fläche A im Abstand r von der Schallquelle ist eine Kugelfläche

$$A = 4 \cdot \pi \cdot r^2.$$

Der Abstand r , den P_0 von Q_1 und von Q_2 hat, kann mit dem Satz des Pythagoras berechnet werden

$$r = \sqrt{\left(\frac{d}{2}\right)^2 + a^2} = \sqrt{(1,25 \text{ m})^2 + (3,50 \text{ m})^2} = 3,72 \text{ m}.$$

Damit wird

$$I = \frac{10 \text{ W}}{4 \cdot \pi \cdot (3,72 \text{ m})^2} = 0,0575 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}.$$

Die Intensität im Punkt P_0 ist die Summe der Intensitäten, die von Q_1 und von Q_2 abgestrahlt werden, und damit

$$I_{\text{ges}} = 2 \cdot I = 0,115 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}.$$

Der Schallintensitätspegel L ist damit

$$L = 10 \cdot \log \frac{I_{\text{ges}}}{I_0} = 10 \cdot \log \frac{0,115 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}}{10^{-12} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}} = 10 \cdot (\log 0,115 + 12) = 110,6 \text{ dB}$$

b) Am Ort P_1 überlagern sich die beiden Wellen, die von Q_1 und von Q_2 abgestrahlt werden. Damit ein Minimum der Schallintensität auftritt, muss ihre Phasenverschiebung $\frac{\pi}{2}$ betragen. Da beide Töne phasengleich abgestrahlt werden, muss für den Wegunterschied gelten

$$s_2 - s_1 = \frac{\lambda}{2}.$$

Die Wege s_1 und s_2 können mit dem Satz des Pythagoras berechnet werden

$$s_1 = \sqrt{\left(y - \frac{d}{2}\right)^2 + a^2} = \sqrt{(1,55 \text{ m} - 1,25 \text{ m})^2 + (3,50 \text{ m})^2} = 3,51 \text{ m}$$

und

$$s_2 = \sqrt{\left(y + \frac{d}{2}\right)^2 + a^2} = \sqrt{(1,55 \text{ m} + 1,25 \text{ m})^2 + (3,50 \text{ m})^2} = 4,48 \text{ m}.$$

Damit beträgt der Wegunterschied $s_2 - s_1 = 4,48 \text{ m} - 3,51 \text{ m} = 0,97 \text{ m}$.

Für die Frequenz einer Welle gilt $f = \frac{c}{\lambda}$.

Mit $\lambda = 2 \cdot (s_2 - s_1)$ wird damit damit

$$f = \frac{345 \frac{\text{m}}{\text{s}}}{2 \cdot 0,97 \text{ m}} = 178 \text{ Hz}.$$