

Sommersemester 2010	Zahl der Blätter: 4
Wintersemester	Blatt Nr. 1
Fakultät: Informationstechnik	Semester: KTB2, SWB2, TIB2, IEP2
Prüfungsfach: Physik 2	Fachnummer: 2031 / 2032
Musterlösung	

Aufgabe 1:

- a) Der Effekt ist umso deutlicher, je größere Werte $\cos \varphi$ annimmt. Jedoch wird $\varphi < 10^\circ$ aus technischen Gründen nicht möglich sein, da der Schallkopf sich nicht im strömenden Fluid befinden kann. Ein sinnvoller Wertebereich ist also etwa $10^\circ \leq \varphi \leq 40^\circ$.

- b) Komponentenzerlegung: $v_{\parallel} = v_0 \cos \varphi$

- c) Vom Teilchen registrierte Frequenz f_1 (bewegter Beobachter, ruhende Quelle):

$$f_1 = f_0 \left(1 + \frac{v_{\parallel}}{c} \right)$$

Vom Empfänger registrierte Frequenz f_2 (bewegte Quelle, ruhender Beobachter)

$$f_2 = f_1 \cdot \frac{1}{\left(1 - \frac{v_{\parallel}}{c} \right)}$$

Also ist

$$f_2 = f_0 \cdot \frac{\left(1 + v_{\parallel}/c \right)}{\left(1 - v_{\parallel}/c \right)} = f_0 \cdot \frac{\left(c + v_{\parallel} \right)}{\left(c - v_{\parallel} \right)}$$

und die Frequenzdifferenz

$$\Delta f = f_2 - f_0 = f_0 \left(\frac{\left(c + v_{\parallel} \right)}{\left(c - v_{\parallel} \right)} - 1 \right) = f_0 \left(\frac{2v_{\parallel}}{\left(c - v_{\parallel} \right)} \right)$$

Für $v_{\parallel} \ll c$ gilt in guter Näherung $\Delta f = f_0 \left(\frac{2v_{\parallel}}{c} \right) = f_0 \frac{2v_0}{c} \cos \varphi$

- d) Wellenlänge $\lambda = c / f = 0,308 \cdot 10^{-3} \text{ m}$

Wellenzahl $k = 2\pi / \lambda = 20400 \text{ m}^{-1}$

- e) Frequenzdifferenz $\Delta f = 390 \text{ Hz}$

- f) Intensität $I = p_{\text{eff}}^2 / Z_m$ mit dem Schallwellenwiderstand $Z_m = \rho \cdot c$
 Hier ist $Z_m = 1,62 \cdot 10^6 \text{ kg/m}^2\text{s}$ (im umgebenden Medium)
 Somit $p_{\text{eff}}^2 = Z_m \cdot I$ und damit folgt $p_{\text{eff}} = 40212 \text{ Pa} = 0,402 \text{ bar}$

- g) Schallwellenwiderstand des Fluids: $Z_f = 1,54 \cdot 10^6 \text{ kg/m}^2\text{s}$

Intensität des reflektierten Anteils $\frac{I_2}{I_0} = \left(\frac{\left(Z_f - Z_m \right)}{\left(Z_f + Z_m \right)} \right)^2 = 6,4 \cdot 10^{-4}$

Pegeldifferenz $\Delta L = 10 \lg \left(\frac{I_2}{I_0} \right) \text{ dB} = -32 \text{ dB}$

Aufgabe 2

a) EES: $\frac{1}{2} \cdot m \cdot v_0^2 + eU = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v_1^2 \rightarrow v_0 = 2,08 \cdot 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

b) Gleichmäßig beschleunigte Bewegung $\rightarrow a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$

mit $a = \frac{F}{m} = \frac{eE}{m} = \frac{eU}{md_1} = 192,24 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ und $\Delta v = v_1 - v_0 = 0,42 \cdot 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$

$\rightarrow \Delta t = \frac{\Delta v}{a} = 218,5 \text{ ns}$

c) Geschwindigkeitsfilter \rightarrow Nur Ionen mit einer Geschwindigkeit v_1 durchlaufen den Kondensator ohne Ablenkung ($F_e = qE = qvB_1 = F_L$)

d) F_L im Magnetfeld $B_2 \rightarrow$ Zentripetalkraft auf Ionen \rightarrow Ionen werden auf Kreisbahn mit konstantem Radius gezwungen \rightarrow Einziger Parameter für Ausprägung der unterschiedlichen Radien: spezifische Ladung q/m .

e) Es gilt: $F_Z = F_L \rightarrow q \cdot v \cdot B_2 = \frac{m \cdot v^2}{r} \rightarrow \frac{q}{m} = \frac{v}{B_2 \cdot r}$

v ergibt sich dabei durch das Geschwindigkeitsfilter gemäß c):

$$F_e = F_L \rightarrow q \cdot E = q \cdot v \cdot B_1 \rightarrow v = \frac{E}{B_1}$$

Einsetzen liefert:

$$\frac{q}{m} = \frac{E}{r \cdot B_1 \cdot B_2} \quad \text{mit } r = \frac{MP_1}{2} \rightarrow \frac{q}{m} = \frac{2E}{MP_1 \cdot B_1 \cdot B_2} \quad \text{q.e.d.}$$

Aufgabe 3:

a) Die Hallspannung ist

$$U_H = \frac{I_{st}}{n \cdot e \cdot d} B$$

Daraus folgt für die Ladungsträgerdichte

$$n = \frac{I_{st}}{U_H \cdot e \cdot d} B = 1,0 \cdot 10^{16} \frac{1}{\text{cm}^3}$$

b) Relativer Größtfehler der Ladungsträgerdichte

$$\left| \frac{\Delta n}{n} \right| = \left| \frac{\Delta I_{st}}{I_{st}} \right| + \left| \frac{\Delta U_H}{U_H} \right| + \left| \frac{\Delta B}{B} \right| = \frac{0,1 \text{ mA}}{10 \text{ mA}} + 0,01 + \frac{0,05 \text{ T}}{1 \text{ T}} = 0,07$$

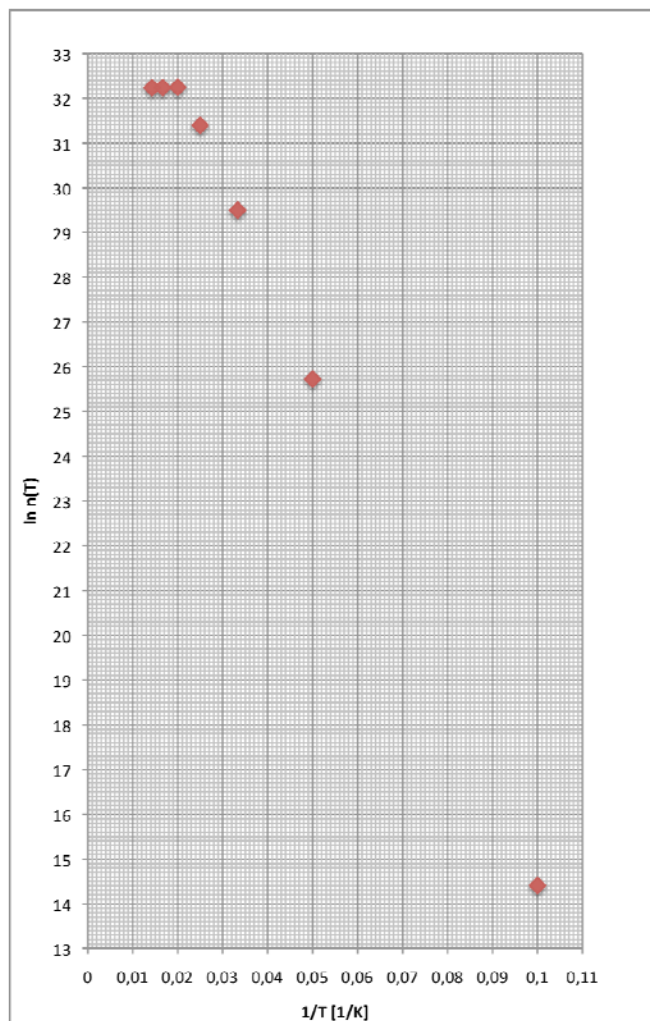
$$\text{Daraus folgt } \Delta n = 0,07 \cdot n = 7 \cdot 10^{14} \frac{1}{\text{cm}^3}$$

und damit

$$n = (1,00 \pm 0,07) \cdot 10^{16} \frac{1}{\text{cm}^3}$$

c)

1/T in 1/K	ln n(T)
0,0143	32,2351
0,0167	32,2382
0,02	32,2461
0,025	31,3945
0,033	29,4982
0,05	25,7252
0,1	13,9819



- d) Das Plateau entsteht dadurch, dass alle Störstellen ionisiert sind, die Energie der Valenzbandelektronen aber noch nicht ausreicht, um in nennenswerter Zahl ins Leitungsband angeregt zu werden.
- e) Einzeichnen der Regressionsgeraden in die Zeichnung
- f) Die temperaturabhängige Ladungsträgerdichte ist

$$n(T) = \sqrt{\frac{n_D \cdot N_L}{2}} \cdot e^{-\frac{E_D}{2kT}}$$

Logarithmieren führt auf

$$\ln n(T) = \frac{1}{2} \ln \frac{n_D \cdot N_L}{2} - \frac{E_D}{2kT}$$

Der erste Term fällt weg, wenn man die logarithmierte Ladungsträgerdichte bei zwei Temperaturen voneinander abzieht. Auflösen nach E_D führt schließlich auf

$$E_D = -2k \cdot \frac{\ln(n(T_2)/n(T_1))}{\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1}}$$

Setzt man die Werte für $T_1=10$ K und $T_2=40$ K ein, so kommt man auf

$$E_D = -2 \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K} \cdot \frac{31,3945 - 19,4088}{0,025 \frac{1}{K} - 0,1 \frac{1}{K}} = 6,2507 \cdot 10^{-21} J = 39,02 meV$$